



DÉPARTEMENT DE MATHÉMATIQUES ET INFORMATIQUE

Organisation du code Python (fonctions, modules)

Master : MNSA

Pr: Youssef Ouassit

- Définition
- Passage d'arguments aux fonctions
- Retourner une valeur depuis une fonction
- Valeur par défaut d'un argument
- Arguments à longueur variable
- Portée des variables
- La fonction **lambda**

Exemple 1: Ecrire un programme qui calcule C_n^p

```
n = int(input("Donner n : "))
p = int(input("Donner p : "))
# calculer n!
fn = 1
for i in range(1, n+1):
    fn = fn * i
# calculer p!
fp = 1
for i in range(1, p+1):
    fp = fp * i
```

```
# calculer (n-p)!
```

```
fnp = 1
```

```
for i in range(1, n-p+1):
```

```
    fnp = fnp * i
```

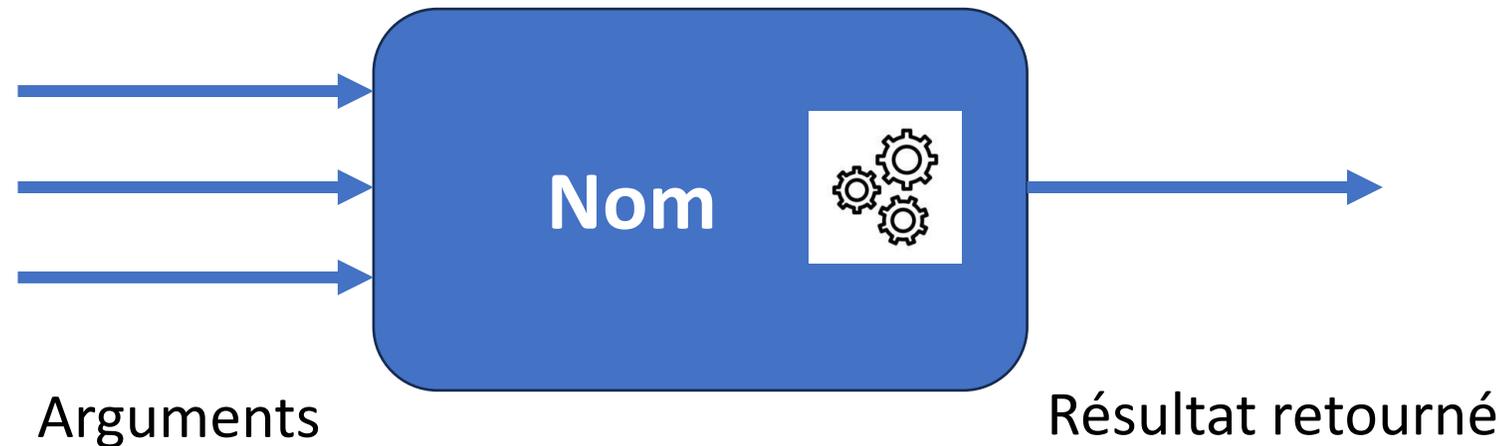
```
# calculer la combinaison
```

```
C = fn // (fp*fnp)
```

```
print(C)
```

Définition

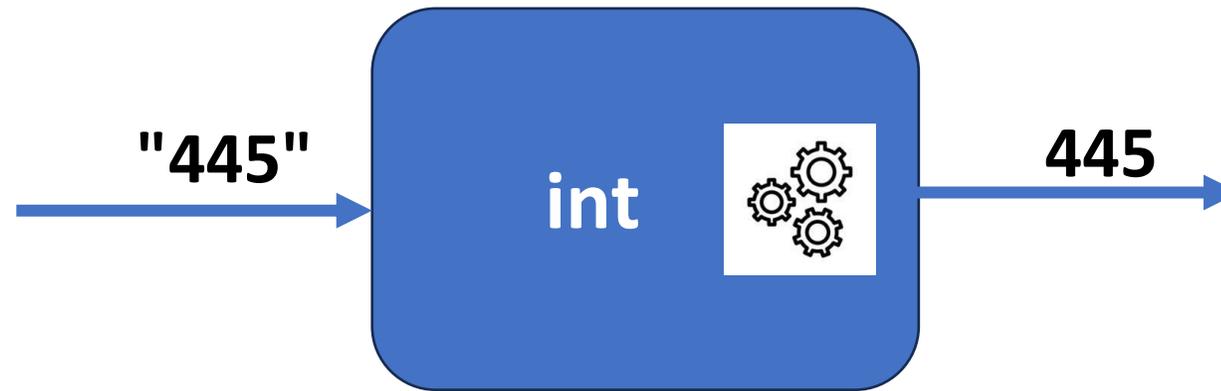
Une fonction est un bloc de code réutilisable qui effectue une tâche spécifique. Elle peut prendre des paramètres (ou arguments) en entrée, effectuer des opérations sur ces données et renvoyer un résultat.



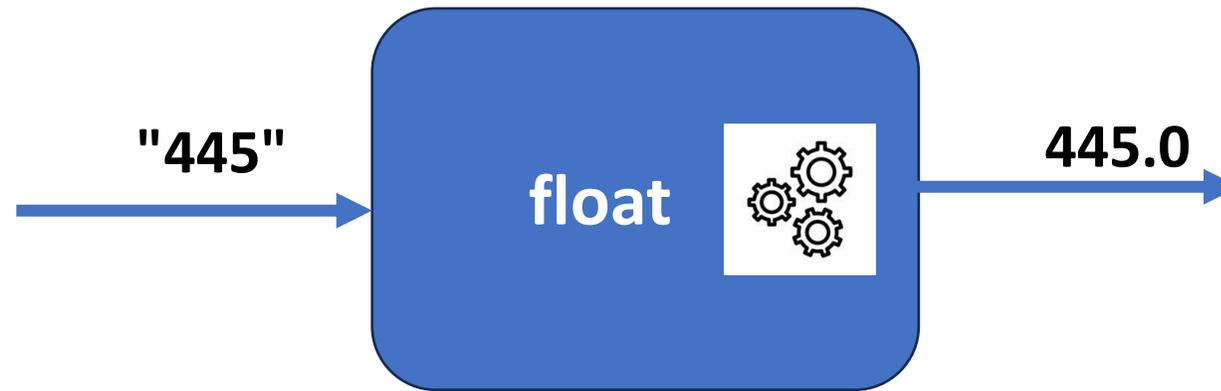
Fonctions intégrées : **sqrt**



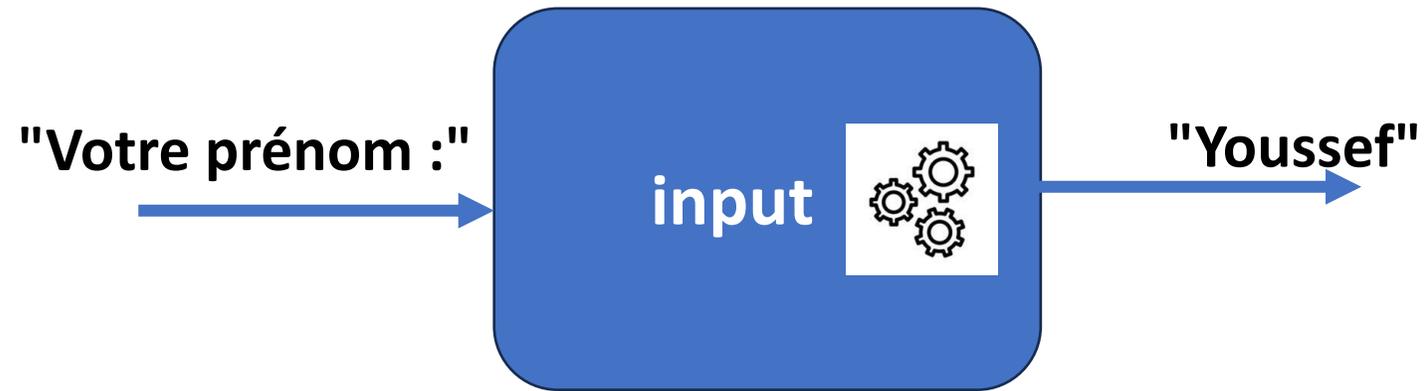
Fonctions intégrées : **int**



Fonctions intégrées : **float**



Fonctions intégrées : **input**



Une boîte noir :

Dans le contexte de la programmation, une fonction peut être considérée comme une boîte noire si :

- **Entrées** : Tu fournis des arguments à la fonction (entrées).
- **Sorties** : La fonction renvoie un résultat (sortie).
- **Implémentation cachée** : Tu n'as pas besoin de comprendre comment la fonction réalise ses calculs internes pour l'utiliser. Tu te concentres uniquement sur ce qu'elle fait et comment l'utiliser.

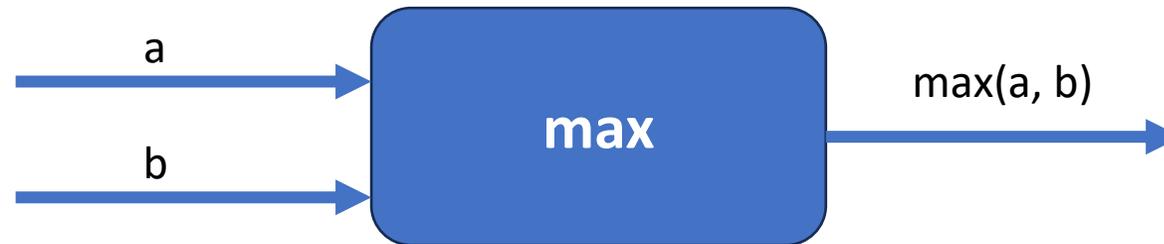
En Python, une fonction est un bloc de code réutilisable qui effectue une tâche spécifique. Elle peut prendre des paramètres (ou arguments) en entrée, effectuer des opérations sur ces données et renvoyer un résultat. Voici comment définir une fonction :

```
def nomFonction( argument1, argument2, ... ) :
```

```
    instructions
```

```
    [ return résultat ]
```

Une fonction qui retourne le max de deux nombres :



```
def nomFonction( argument1, argument2, ... ) :
```

```
    instructions
```

```
    [ return resultat ]
```

```
def max( a, b ) :
```

```
    if a>b :
```

```
        mx = a
```

```
    else :
```

```
        mx = b
```

```
    return mx
```

Une fonction qui retourne le max de deux nombres :



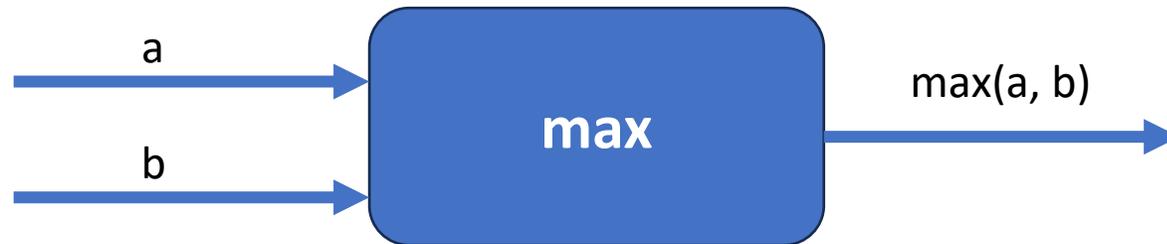
```
def nomFonction( argument1, argument2, ... ) :
```

```
    instructions
```

```
    [ return resultat ]
```

```
def max( a, b ) :  
    if a>b :  
        return a  
    else :  
        return b
```

Une fonction qui retourne le max de deux nombres :



```
def nomFonction( argument1, argument2, ... ) :
```

```
    instructions
```

```
    [ return resultat ]
```

```
def max( a, b ) :  
    if a>b :  
        return a  
    return b
```

Appel d'une fonction

Une fonction peut être appelée par un programme ou une autre fonction, il suffit d'écrire le nom de la fonction et donner une valeur à chaque argument de la fonction.

Syntaxe : **variable** = **nomFonction**(Valeur1, Valeur2, ...)

Exemples :

x = max(10, 79)

y = max(39, 5)

Exemple 1: Ecrire un programme qui calcule C_n^p



```
def factoriel(n):  
    f = 1  
    for i in range(1, n+1):  
        f = f * i  
    return f
```

Exemple 1: Ecrire un programme qui calcule C_n^p

```
n = int(input("Donner n : "))
```

```
p = int(input("Donner p : "))
```

```
# calculer n!
```

```
fn = factoriel(n)
```

```
# calculer p!
```

```
fp = factoriel(p)
```

```
# calculer (n-p)!
```

```
fnp = factoriel(n-p)
```

```
# calculer la combinaison
```

```
C = fn // (fp*fnp)
```

```
print(C)
```

Exemple 1: Ecrire un programme qui calcule C_n^p

```
n = int(input("Donner n : "))  
p = int(input("Donner p : "))
```

```
fn = factoriel(n)  
fp = factoriel(p)  
fnp = factoriel(n-p)
```

```
# calculer la combinaison  
C = fn // (fp*fnp)  
print(C)
```

Exemple 1: Ecrire un programme qui calcule C_n^p

```
def factoriel(n):
```

```
    f = 1
```

```
    for i in range(1, n+1):
```

```
        f = f * i
```

```
    return f
```

```
def combinaison(n, p):
```

```
    fn = factoriel(n)
```

```
    fp = factoriel(p)
```

```
    fnp = factoriel(n-p)
```

```
    return fn // (fp*fnp)
```

```
n = int(input("Donner n : "))
```

```
p = int(input("Donner p : "))
```

```
C = combinaison(n, p)
```

```
print(C)
```

Définition :

Python permet aux arguments de fonction d'avoir une valeur par défaut, si la fonction est appelée sans l'argument il a la valeur par défaut. De plus, les arguments peuvent être donnés dans n'importe quel ordre en utilisant les arguments nommés.

Syntaxe :

```
def nomFonction( arg1, arg2, arg3=valeur1, arg4=valeur2) :  
    instructions  
  
    [ return résultat ]
```

Exemple 2:

```
def montantTTC(puht , qte, tva) :  
    mht = puht * qte  
    mtva = mht * tva  
    mttc = mht + mtva  
    return mttc
```

M1 = montantTTC(5000 , 10, 0.2)

M2 = montantTTC(7000 , 5 , 0.2)

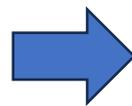
M3 = montantTTC(3000 , 10, 0.2)

M4 = montantTTC(100 , 10 , 0.07)

Exemple 2:

```
def montantTTC(puht , qte, tva=0.2) :  
    mht = puht * qte  
    mtva = mht * tva  
    mttc = mht + mtva  
    return mttc
```

```
M1 = montantTTC(5000 , 10, 0.2)  
M2 = montantTTC(7000 , 5 , 0.2)  
M3 = montantTTC(3000 , 10, 0.2)  
M4 = montantTTC(100 , 10 , 0.07)
```



```
M1 = montantTTC(5000 , 10)  
M2 = montantTTC(7000 , 5)  
M3 = montantTTC(3000 , 10)  
M4 = montantTTC(100 , 10 , 0.07)
```

Exemple 2:

```
def montantTTC(puht , qte=10, tva=0.2) :  
    mht = puht * qte  
    mtva = mht * tva  
    mttc = mht + mtva  
    return mttc
```

M1 = montantTTC(5000)

M2 = montantTTC(7000 , 5)

~~M4 = montantTTC(100 , 0.07)~~

M4 = montantTTC(100 , tva = 0.07)

M5 = montantTTC(100 , tva = 0.07, qte=15)

Définition :

La signature d'une fonction en Python désigne la manière dont la fonction est définie, y compris le nom de la fonction, ses paramètres (et leurs types si des annotations de type sont utilisées) ainsi que le type de valeur retournée.

Quelle la signature des fonctions :

sin

```
sin(x:float) -> float
```

input

```
input(prompt:str = "") -> str
```

range

```
range(start:int=0, stop, step:int = 1) -> range
```

print

```
??????????????
```

Définition :

Python permet aux fonctions d'avoir un nombre d'arguments avec une longueur indéfinie.

Exemple 3:

```
def max(a , b) :  
    if a>b :  
        return a  
    else:  
        return b
```

```
def max(*a) :  
    mx = a[0]  
    for i in range(1, len(a)):  
        if a[i] > mx :  
            mx = a[i]  
    return mx
```

Exercice : Donner le prototype de la fonction **print**

`print(*messages, end='\n', sep=' ')` → **None**

Les fonctions lambda en Python sont des fonctions anonymes, c'est-à-dire des fonctions sans nom, qui peuvent avoir un nombre quelconque d'arguments mais ne peuvent contenir qu'une seule expression. Elles sont souvent utilisées pour des opérations simples et courtes.

La syntaxe : `lambda arguments : expression`

Exemples:

```
def f(x):  
    return x**2
```

Equivalent à :

```
f = lambda x : x**2
```

```
def g(x, y):  
    return x+y
```

Equivalent à :

```
g = lambda x,y : x+y
```

```
def h(x):  
    if x!=0 :  
        return 1/x  
    return x
```

Equivalent à :

```
h = lambda x : x!=0 if 1/x else x
```

La « portée » d'une variable désigne l'espace du script dans laquelle elle va être accessible et visible.

On distingue deux types de portée de variables :

1. Variable locale

2. Variable globale

1. Variable locale:

Est une variable déclarée à l'intérieur d'une fonction. Elle n'est accessible qu'à l'intérieur de la fonction dans laquelle elle a été déclarée.

```
def ma_fonction():  
    x = 4  
    print('ma variable vaut ', x)
```

```
ma_fonction()
```

```
print(x)    Erreur : x est non définie
```

2. Variable globale:

Est une variable déclarée en dehors des fonctions. Elle visible et utilisable dans toute les fonctions (mais la fonction ne peut le modifier).

```
total = 10
```

```
def ma_fonction():
```

```
    x = total + 4
```

```
    print('ma variable vaut ', x)
```

```
ma_fonction()
```

```
print(total)
```

2. Variable globale:

Est une variable déclarée en dehors des fonctions. Elle visible et utilisable dans toute les fonctions (mais la fonction ne peut le modifier).

```
total = 10
def ma_fonction():
    total = 100
    print('ma variable vaut ', total)
```

```
ma_fonction()
print(total)
```

```
total = 10
def ma_fonction():
    global total
    total = 100
    print('ma variable vaut ', total)
```

```
ma_fonction()
print(total)
```

Résumé de l'ordre de recherche:

L'ordre de recherche des variables en Python est donc :

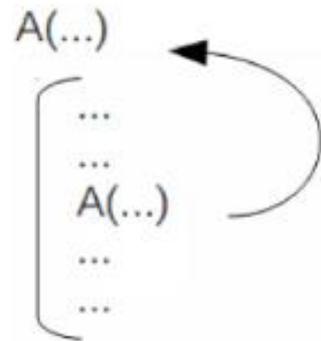
- 1. Locale** : Variables définies dans la fonction actuelle.
- 2. Englobante** : Variables définies dans la fonction englobante (si la fonction est imbriquée).
- 3. Globale** : Variables définies au niveau du module.

Les fonctions récursives

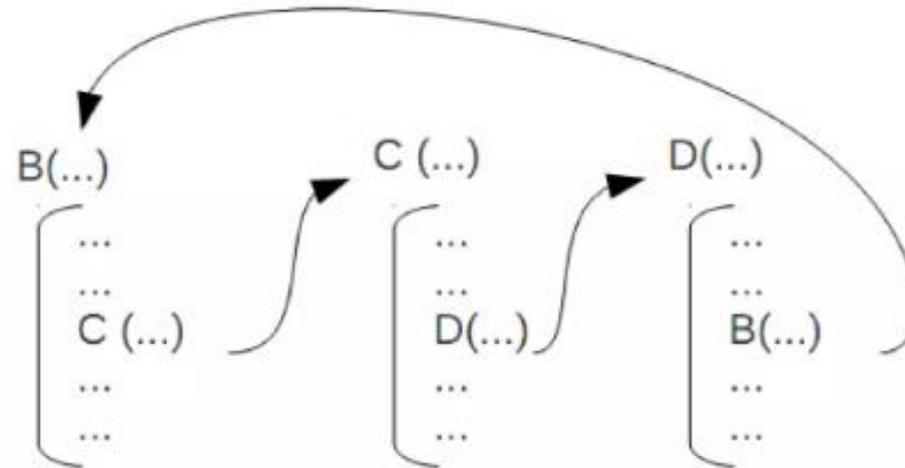
- Définition
- Evolution d'un appel récursif
- Types de récursivité
 - Terminale
 - Non terminale

Définition

- Une fonction est dite récursive lorsqu'elle est auto référente, c-à-d elle fait référence à elle-même dans sa définition.
- Autrement dit, elle est défini en fonction d'elle-même, directement ou indirectement.



Récurtivité directe



Récurtivité indirecte

Exemple

➤ Calculer $n!$

```
def factoriel(n):  
    f = 1  
    for i in range(2, n+1):  
        f = f * i  
    return f
```

Version Itérative

Exemple

➤ Calculer $n!$

$$n! = n * (n-1) * (n-2) * \dots * 1$$

$$n! = n * (n-1)!$$

$$\text{factoriel}(n) = n * \text{factoriel}(n-1)$$

Exemple

➤ Calculer $n!$

```
def factoriel(n):  
    return n*factoriel(n-1)
```

← Appel récursif

Version Récursive

Les fonctions récursives

Evolution d'un appel récursif

L'exécution d'un appel récursif passe par deux phases, la phase de descente et la phase de la remontée :

- ❖ Dans la phase de descente, chaque appel récursif fait à son tour un appel récursif.

```
def factoriel(n):  
    return n*factoriel(n-1)
```

factoriel(4) \leftarrow 4 * factoriel(3)

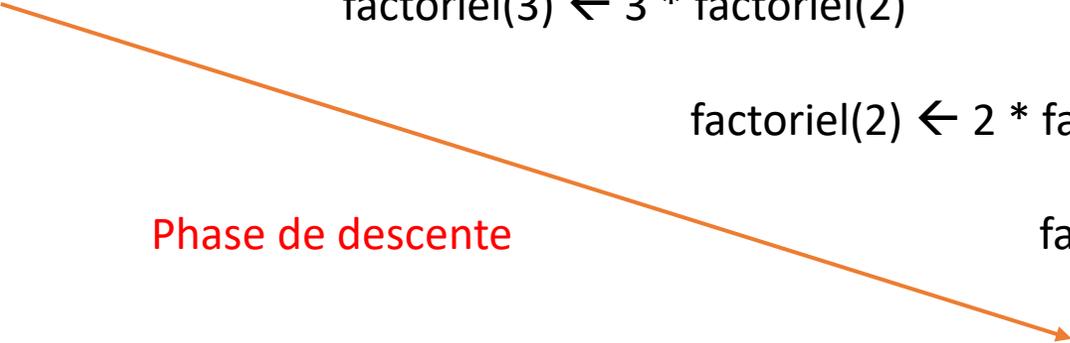
factoriel(3) \leftarrow 3 * factoriel(2)

factoriel(2) \leftarrow 2 * factoriel(1)

factoriel(1) \leftarrow 1 * factoriel(0)

factoriel(0) \leftarrow 0 * factoriel(-1)

Phase de descente



Evolution d'un appel récursif

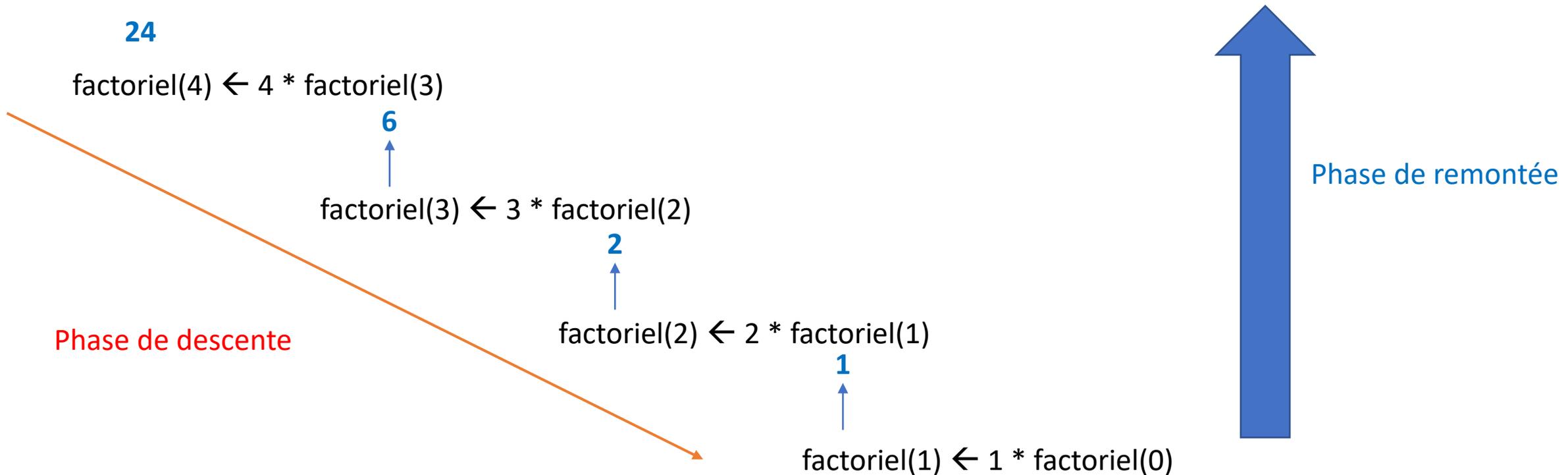
Puisqu'un algorithme récursif s'appelle lui-même, il est impératif qu'on prévoit une condition d'arrêt à la récursion, sinon le programme ne s'arrête jamais!

```
def factoriel(n):  
    if n==0 : ← Condition d'arrêt  
        return 1  
    return n*factoriel(n-1) ← Appel récursif
```

Evolution d'un appel récursif

L'exécution d'un appel récursif passe par deux phases, la phase de descente et la phase de la remontée :

- ❖ En arrivant à la condition terminale, on commence la phase de la remontée qui se poursuit jusqu'à ce que l'appel initial soit terminé, ce qui termine le processus récursif.



Exemple

Une fonction qui calcule le reste de la division euclidienne de a sur b :

$$a \bmod b = (a-b) \bmod b$$

```
def Reste(a, b):  
    while a >= b :  
        a = a - b  
    return a
```

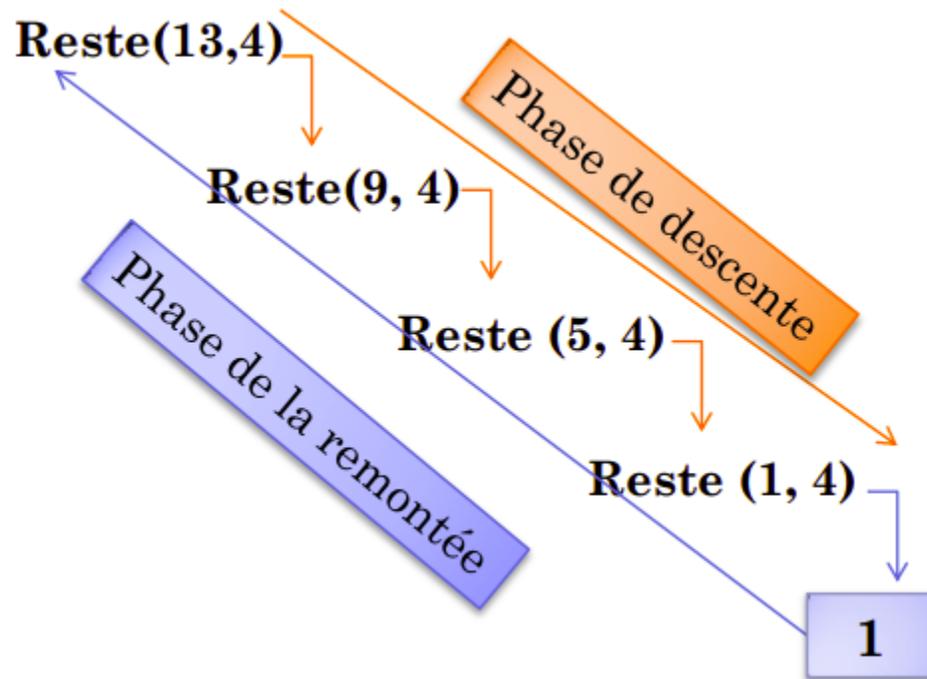
Version itérative

```
def Reste(a, b):  
    if a < b :  
        return a  
    return Reste(a-b, b)
```

Version récursive

Récurtivité Terminale est Non terminale

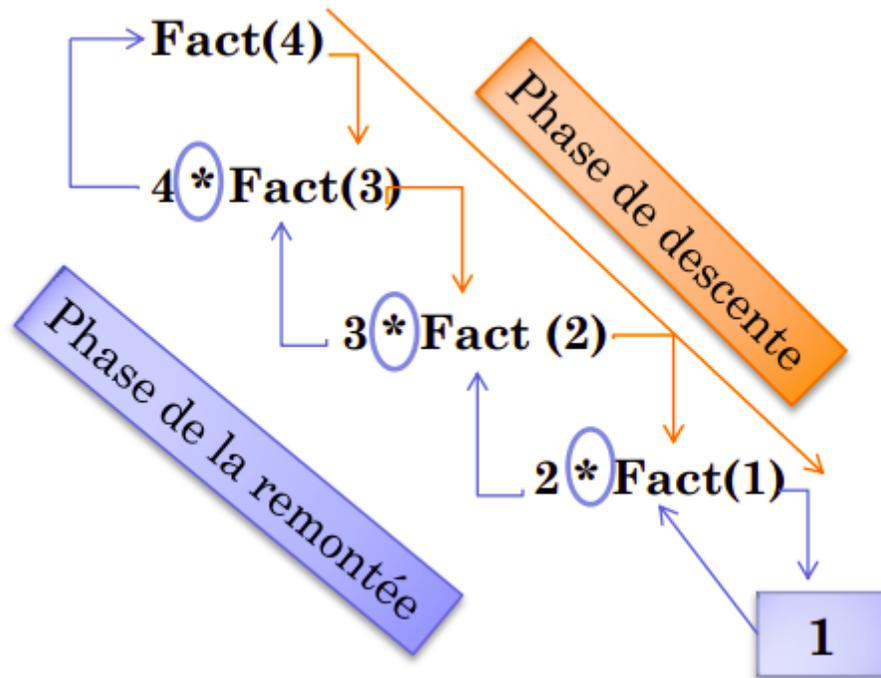
- Une fonction récursive est dit terminale si aucun traitement n'est effectué à la remontée d'un appel récursif (sauf le retour de la fonction).



```
def Reste(a, b):  
    if a < b :  
        return a  
    return Reste(a-b, b)
```

Récurtivité Terminale est Non terminale

- Une fonction récursive est dite non terminale si le résultat de l'appel récursif est utilisé pour réaliser un traitement (en plus du retour de la fonction).



```
def Fact(n):  
    if n==0 :  
        return 1  
    return n*Fact(n-1)
```

Récurtivité Terminale est Non terminale

- PARFOIS, il est possible de transformer une fonction récursive non terminale à une fonction récursive terminale.

```
def factoriel(n):  
    if n==0 :  
        return 1  
    return n*factoriel(n-1)
```

```
def factoriel(n, resultat):  
    if n==1 :  
        return resultat  
    return factoriel(n-1,n*resultat)
```

NB : la fonction doit être appelée en mettant resultat à 1

Réversibilité Terminale est Non terminale

- PARFOIS, il est possible de transformer une fonction récursive non terminale à une fonction récursive terminale.

